

z	.00	.01	.02	.03	.04	.05	.06	.07	.08	.09
0.0	.5000	.4960	.4920	.4880	.4840	.4801	.4761	.4721	.4681	.4641
0.1	.4602	.4562	.4522	.4483	.4443	.4404	.4364	.4325	.4286	.4247
0.2	.4207	.4168	.4129	.4090	.4052	.4013	.3974	.3936	.3897	.3859
0.3	.3821	.3783	.3745	.3707	.3669	.3632	.3594	.3557	.3520	.3483
0.4	.3446	.3409	.3372	.3336	.3300	.3264	.3228	.3192	.3156	.3121
0.5	.3085	.3050	.3015	.2981	.2946	.2912	.2877	.2843	.2810	.2776
0.6	.2743	.2709	.2676	.2643	.2611	.2578	.2546	.2514	.2483	.2451
0.7	.2420	.2389	.2358	.2327	.2296	.2266	.2236	.2206	.2177	.2148
0.8	.2118	.2090	.2061	.2033	.2005	.1977	.1949	.1922	.1894	.1867
0.9	.1841	.1814	.1789	.1762	.1736	.1711	.1685	.1660	.1635	.1611
1.0	.1587	.1562	.1539	.1515	.1492	.1469	.1446	.1423	.1401	.1379
1.1	.1357	.1335	.1314	.1292	.1271	.1251	.1230	.1210	.1190	.1170
1.2	.1151	.1131	.1112	.1093	.1075	.1056	.1038	.1020	.1003	.0985
1.3	.0968	.0951	.0934	.0918	.0901	.0885	.0869	.0853	.0838	.0823
1.4	.0808	.0793	.0778	.0764	.0749	.0735	.0721	.0708	.0694	.0681
1.5	.0668	.0655	.0643	.0630	.0618	.0606	.0594	.0582	.0571	.0559
1.6	.0548	.0537	.0526	.0516	.0505	.0495	.0485	.0475	.0465	.0455
1.7	.0446	.0436	.0427	.0418	.0409	.0401	.0392	.0384	.0375	.0367
1.8	.0359	.0351	.0344	.0337	.0329	.0322	.0314	.0307	.0301	.0294
1.9	.0287	.0281	.0274	.0268	.0262	.0256	.0250	.0244	.0239	.0233
2.0	.0228	.0222	.0217	.0212	.0207	.0202	.0197	.0192	.0188	.0183
2.1	.0179	.0174	.0170	.0165	.0161	.0158	.0154	.0150	.0146	.0142
2.2	.0139	.0136	.0132	.0128	.0125	.0122	.0119	.0116	.0113	.0110
2.3	.0107	.0104	.0102	.0099	.0096	.0094	.0091	.0089	.0087	.0084
2.4	.0082	.0080	.0078	.0075	.0073	.0071	.0069	.0068	.0066	.0064
2.5	.0062	.0060	.0059	.0057	.0055	.0054	.0052	.0051	.0049	.0048
2.6	.0047	.0045	.0044	.0043	.0041	.0040	.0039	.0038	.0037	.0036
2.7	.0035	.0034	.0033	.0032	.0031	.0030	.0029	.0028	.0027	.0026
2.8	.0026	.0025	.0024	.0023	.0023	.0022	.0021	.0021	.0020	.0019
2.9	.0019	.0018	.0018	.0017	.0016	.0016	.0015	.0015	.0014	.0014
3.0	.0013	.0013	.0012	.0012	.0011	.0011	.0011	.0011	.0010	.0010

DR. A. BUIJS

STATISTIEK

OM

MEE

TE

WERKEN



INHOUDSOPGAVE

<i>Leswijzer</i>	3
Beschrijvende Statistiek	3
Kansberekening	3
Inductieve statistiek, inferentiele statistiek	3
Hoofdstuk 1	3
§1.1 Drie deelgebieden	3
§1.2 Frequentieverdeling	3
§1.2 Frequentieverdeling	4
§1.5 Stamdiagram, histogram en frequentiepolygoon	4
§1.6 Cumulatieve frequenties	4
Hoofdstuk 2	5
§ 2.1 Centrum	5
§ 2.3 Spreiding	5
§ 2.5 Box-plot	5
Hoofdstuk 3	6
§3.1 Tellen	6
§3.2 en §3.3 inleiding kansrekening	6
Serieschakeling	8
Parallelschakeling	8
Hoofdstuk 5	9
§5.1 Kansberekening met de normale verdeling (Gauss)	9
§5.2 Willekeurige normale verdeling	10
Hoofdstuk 6	14
§6.1 Het berekenen van de kansen	14
§6.2 Verwachting en variantie	14
§6.3 de normale verdeling	14
Hoofdstuk 7	15
§7.1 Poissonverdeling	15
§7.2 Poissonverdeling benadering mbv normaleverdeling	15
Formule blad	16

Statistiek

Leswijzer

Drie deelgebieden:

Beschrijvende Statistiek

Hoofdstuk 1	§1.1, §1.2, §1.5, §1.6 lezen §1.3, § 1.4	Les 1
Hoofdstuk 2	§2.1, §2.3, § 2.5	Les 2

Kansberekening

Hoofdstuk 3	§3.1, §3.2, § 3.3	Les 3, 4
-------------	-------------------	----------

Inductieve statistiek, inferentiele statistiek

Hoofdstuk 5	§5.1, §5.2	Les 5
Hoofdstuk 6	§6.1, §6.2, §6.3	Les 6
Hoofdstuk 7	§7.1, §7.2	Les 6, 7

Statistiek = verzamelen en verwerken van meetwaarden.

Het trekken van conclusies uit deze meetwaarden.

Waarom meten? Verbeteren en goed houden van de kwaliteit.

Hoofdstuk 1

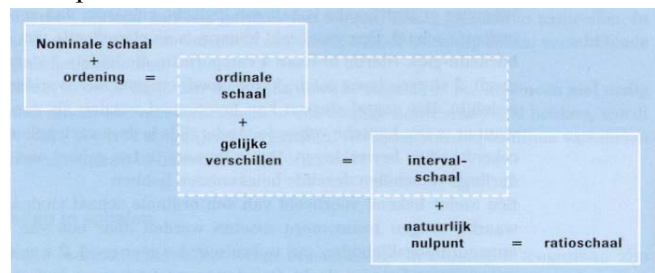
Tabellen en grafieken Populatie en steekproef

§1.1 Drie deelgebieden

- Beschrijvende Statistiek
- Kansberekening
- Wiskundige statistiek

Meetschalen:

- 1 **Nominale schaal**
de variabelen liggen niet op een voor de hand manier en volgorde deze kunnen ook zijn kleur, godsdienst, of de naam van een krant die iemand leest.
- 2 **Ordinale schaal**
Hier zit een logische volgorde in maar de verschillen hoeven niet even groot te zijn.
B.v.(sterren van een restaurant)
- 3 **Intervalschaal**
Hier zit een logische volgorde in en wel met even grote intervallen maar geen verhoudingen. B.v.(graden Celsius en tijd)
- 4 **Ratio schaal**
wel met verhoudingen b.v. Kelvin absolute nulpunt



Hoofdstuk 2

Kentallen

§ 2.1 Centrum

\bar{X} = gemiddelde $\bar{X} = \frac{\sum x_i}{n}$

X_{me} = Mediaan middelste waarneming

X_{mo} = Modus vaakst voorkomende

nominale schaal	X gemiddeld	Xme mediaan	Xmo modus
ordinaleschaal	X gemiddeld	Xme mediaan	Xmo modus
intervalschaal	X gemiddeld	Xme mediaan	Xmo modus
ratioschaal	X gemiddeld	Xme mediaan	Xmo modus

§ 2.3 Spreiding

- **Spreidingsbreedte**
range R=H-L= Hoogste min Laagste
- **IQR inter quartiel range**
Q1= 1/4 van de waarnemingen
Q2= 1/2 van de waarnemingen = X_{me} IQR = Q3 - Q1
Q3= 3/4 van de waarnemingen
- **GAA**
gemiddelde maar met een absolute afwijking
5,6,8,9 gem. =7 (SD=1.8) maar ook 1,2,12,13 gem.=7 (SD=6.37)

• **SD**
Standaard Deviatie $S^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n-1}$

Variatie: $\frac{1}{3} \times (5-7)^2 + (6-7)^2 + (8-7)^2 + (9-7)^2 = \frac{1}{3} \times (4+1+1+4) = 3.333$

Standaard Deviatie :
Vuistregel 4 à 6 keer S = R $S = \sqrt{\text{var}} = \sqrt{3.33} = 1.825$

§ 2.5 Box-plot

box and whisker plot

$X_{me} = Q_2 = \frac{19,2-19,4}{2} = 1,93$

$Q_1 = 1,18$

$Q_3 = 3,22$

Lengte van de lijnstukken zijn

$\frac{3}{2} \cdot (Q_3 - Q_1) = \frac{3}{2} \cdot (3,22 - 1,18) = 3,06$

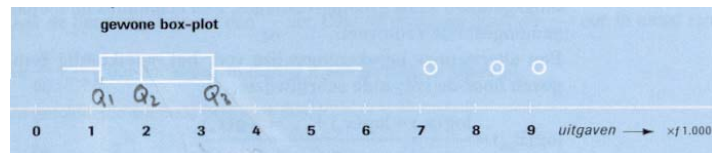
$3,22 + 3,06 = 6,28$

$1,18 - 3,06 = -1,88$

Teken de strepen niet verder dan de laatste waarneming die nog op de streep ligt.

Voor de waarnemingen die er buiten liggen, deze geef je aan met een rondje.

0,50	0,71	0,74	0,75	0,82	0,85	0,93	0,94	1,05	1,08
1,12	1,13	1,18	1,24	1,27	1,27	1,38	1,46	1,55	1,62
1,66	1,70	1,82	1,87	1,92	1,94	2,07	2,19	2,25	2,36
2,42	2,60	2,65	2,71	2,82	2,98	3,05	3,22	3,49	3,62
4,10	4,17	4,64	4,80	5,04	5,55	5,93	8,40	8,40	9,16



Hoofdstuk 3

Kansrekenen

§3.1 Tellen

1 Permutaties

$$ABCDEFG = 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 7! = 5040$$

rekenregel $0! = 1$

2 Variaties

volgorde belangrijk

$$7,6,5,4 = \frac{7!}{(7-4)!} = \frac{5040}{6} = 840$$

3 Combinaties

volgorde niet belangrijk

Er zijn 8 banen en er zijn drie medailles te verdelen. $\frac{7!}{(8-3)!} = 336$

De beste drie naar de OS $\frac{8!}{(3!) \cdot (8-3)!} = 56$

Aantal permutaties	$= n!$
Aantal variaties	$= \frac{n!}{(n-k)!}$
Aantal combinaties	$= \binom{n}{k} = \frac{n!}{(n-k)! k!}$
Aantal groepen na teruglegging	$= n^k$

4 Groepen na teruglegging

hoeveel pincodes zijn er mogelijk. Er zijn 4 cijfers van ieder 10 mogelijkheden

$$10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 = 10^4 = 10000$$

$$7 \cdot 7 \cdot 7 \cdot 7 = 7^4 = 2401$$

§3.2 en §3.3 inleiding kansrekening

$P(A)$ P = Probability geeft de kans aan op een bepaalde gebeurtenis.

A = gebeurtenis

De kans dat A en/of De kans op A

b.v. 1x met de dobbelsteen gooien $P(6) = 1/6$

\bar{A} Niet A

b.v. $P(\bar{6}) = 5/6$

$A \cup B$ vereniging A en/of B

b.v. $P(5 \cup 6) = 2/6 = 1/3$ $P(6 \cup \text{even}) = 3/6 = 1/2$ $P(5 \cup \text{even}) = 4/6 = 2/3$

$A \cap B$ doorsnede A en B

b.v. $P(5 \cap 6) = 0$ $P(6 \cap \text{even}) = 1/6$ $P(5 \cap \text{even}) = 0$

$A | B$ Voorwaardelijke kans A gegeven B , A als B waar is

b.v. $P(6 | \text{even}) = 1/3$

Je weet dat het even is dus (2,4,6) hier het je drie kansen voor.

V.B. 3.3 blz 90

- a $P(AC) = 60/300 = 0.2$
- b $P(HBO) = 210/300 = 0.7$
- c $P(OV \cap V) = 54/300 = 0.18$
- d $P(OV \cup V) = 216/300 = 0.72 = \frac{30+36+54+96}{300}$
- e $P(VLAC) = 30/60 = 0.5$
- f $P(ACIV) = 30/120 = 0.25$

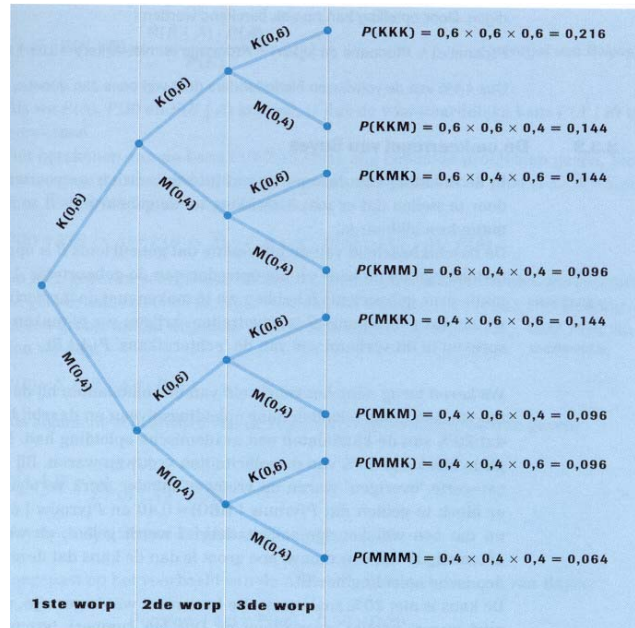
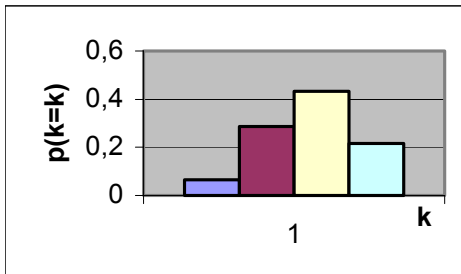
	M	V	
AC	30	30	60
HBO	54	36	90
OV	96	54	150
	180	120	300

Kansbomen en/of kruistabellen

V.B. 3.9 blz 98 en 99

$P(kkk) = 0.6 \times 0.6 \times 0.6 = 0.216$ langs de takken vermenigvuldigen.
Optellen van boven naar beneden (aan de achterkant)

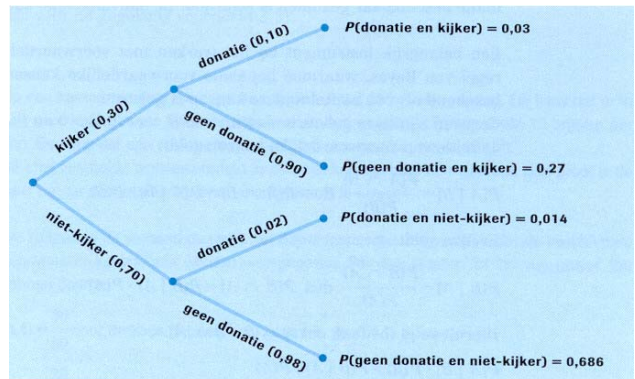
k	$P(\underline{k}=k)$	
0	$1 \times 0,064$	0,064
1	$3 \times 0,096$	0,288
2	$3 \times 0,144$	0,432
3	$1 \times 0,216$	0,216
		1



V.B. 3.10 blz 98 en 99

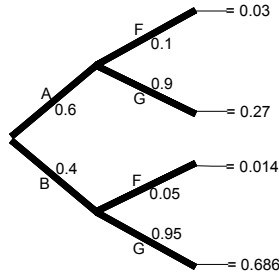
	k	niet k	
D	0,03	0,014	0,044
niet D	0,27	0,686	0,956
	0,3	0,7	1

- a $P(D) = 0.044$
- b $P(K | D) = 0.03/0.044 = 0.68$



V.B. 3.11 blz. 101

$P(A | F) = 0.06/0.08 = 0.75$



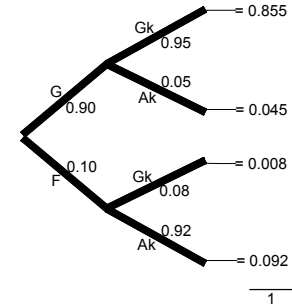
	A	B	
F	0,06	0,02	0,08
G	0,54	0,38	0,92
	0,6	0,4	1

V.B. 3.12 blz. 102

$P(F | Gk) = 0.008/0.863 = 0.009$

$P(G | Ak) = 0.045/0.137 = 0.3285$

	G	F	
Gk	0,855	0,008	0,863
Ak	0,045	0,092	0,137
	0,9	0,1	1



Toepassingen:

Betrouwbaarheid en faalkans

Er moeten minstens drie motoren op een vliegtuig zitten.

Faalkans motor A per vlucht.

De kans dat een vliegtuig met 3 motoren veilig land = $1 - A^3$

Alleen de laatste in de kansboom

A = 1/14000 per vlucht

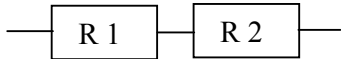
De kans dat een vliegtuig met 2 motoren veilig land = $1 - A^2$

$\frac{2 \text{ motoren}}{3 \text{ motoren}} = \frac{1 - A^2}{1 - A^3} = 0.99999999948$

F = faalkans

R = 1 - F = betrouwbaarheid reliability van systemen

Serieschakeling

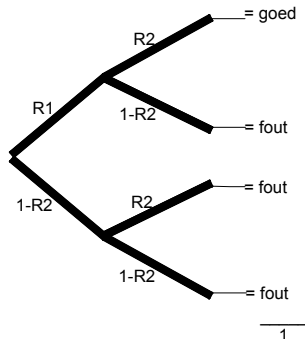


R1=0,9 R2 = 0,9

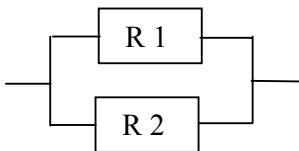
$R = 0,9 \times 0,9 = 0,81$

Betrouwbaarheid verlagend

Algemeen Serie
 $R = R1.R2.R3.....Rn$



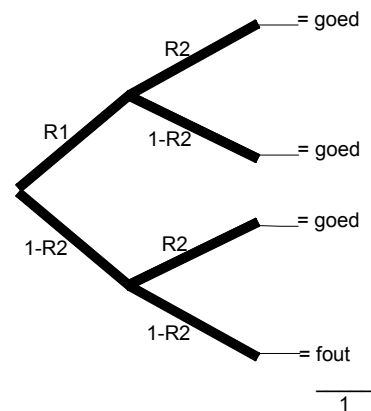
Parallelschakeling



$R = 1 - (1 - 0,9)(1 - 0,9) = 0,99$

Betrouwbaarheid verhogend

Algemeen Parallel
 $R = 1 - (1 - R1)(1 - R2).....(1 - Rn)$



V.B.

	0,7		0,4	
0,9	0,7	0,99	0,5	
	0,7		0,6	
0,9	0,973	0,99	0,88	0,76291

Hoofdstuk 5

Inductieve statistiek

§5.1 Kansberekening met de normale verdeling (Gauss)

Standaard normale verdeling.

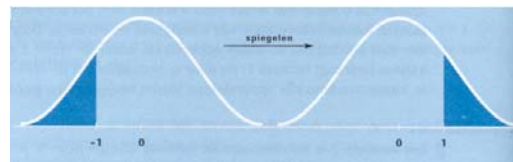
V.B. 5.1 blz 139

$\mu=0$ (gemiddelde) en $\sigma=1$ (standaard deviatie (S))

$\underline{z} \sim N(\mu=0; \sigma=1)$

Kijk bij de tabellen A en B op blz 398 en 399

a) $P(\underline{z} > 1,21) = 0,1131$

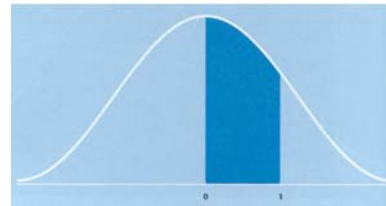


b) $P(\underline{z} < -1) = P(\underline{z} > 1) = 0,1587$

(Zie figuur 5.6 boek)

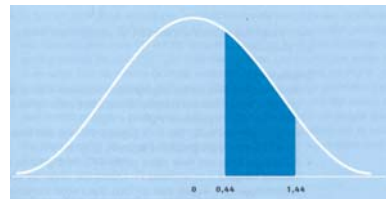
c) $P(0 < \underline{z} < 1) = (P(\underline{z} < 1) - P(\underline{z} < 0))$
 $= 0,8413 - 0,5 = 0,3413$

(Zie figuur 5.7 boek)



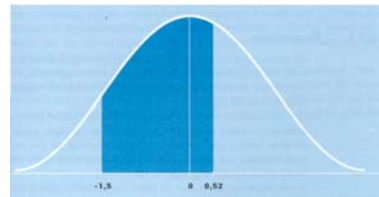
d) $P(0,44 < \underline{z} < 1,44) = (P(\underline{z} < 1,44) - P(\underline{z} < 0,44))$
 $= 0,9251 - 0,6700 = 0,2551$

(Zie figuur 5.8 boek)



e) $P(-1,5 < \underline{z} < 0,52) = (P(\underline{z} < 0,52) - P(\underline{z} < -1,5)) =$
 $(P(\underline{z} < 0,52) - P(\underline{z} > 1,5)) =$
 $0,6985 - 0,0668 = 0,6317$

(Zie figuur 5.9 boek)



$P(\underline{z} > z_g) = 0,025$ dit moet je opzoeken in tabel A en neem dan de dicht bijzijnde.

$z_g = 1,96$

$P(\underline{z} < z_g) = 0,05$ **Let op** het antwoord is $-1,645$.

§5.2 Willekeurige normale verdeling.

Zie voorbeeld boek:

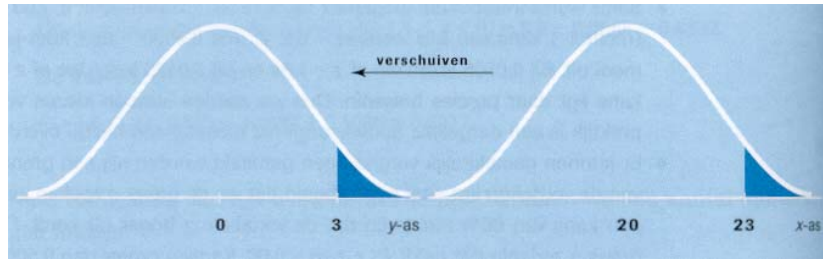
Stel: fabrikant van batterijen met een gebruiksduur die normaal verdeeld is met $\mu=20$ uur en $\sigma=2$ uur.

Hoe groot is de kans dat een willekeurige batterij langer dan 23 uur blijft werken? ($n=1$)

$$\underline{x} \sim N(\mu = 20, \sigma = 2)$$

$$P(\underline{x} > 23)$$

Verschuiven met $\mu=20$ dan $P(\underline{x} - 20 > 3)$

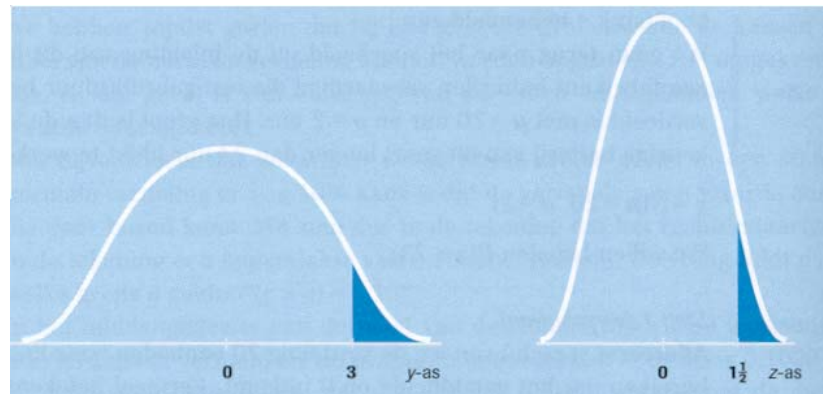


Delen door $\sigma=2$ dan $P((\underline{x} - 20)/2 > 1,5)$

$$P(\underline{z} > 1,5) = 0,0668$$

Hieruit volgt dan de formule:

$$z = \frac{g - \mu}{\sigma}$$



V.B.5.2 Blz. 145

\underline{x} =aantal p/w verkochte liters loodvrij benzine

$$\underline{x} \sim N(\mu = 7000 ; \sigma = 800)$$

gevraagd: $P(\underline{x} < 6400)$

$$z = \frac{6400 - 7000}{800} = -0,75 \quad P(z < -0,75) = P(z > 0,75) = 0,2266 \quad (\text{zie tabel A})$$

De kansen hebben altijd een positieve waarde.

$$\boxed{\text{kansen } 0 \leq P(A) \leq 1}$$

V.B.5.3 Blz. 146

\underline{x} = aantal p/w verkochte liters loodvrij benzine

$\underline{x} \sim N(\mu = 15; \sigma = 2)$

gevraagd: $P(\underline{x} > g) = 0,10$

Bij een oppervlakte van 0,1 hoort volgens de tabel een z-waarde van 1,28 (afgerond)

$$z = \frac{g - \mu}{\sigma} \quad 1.28 = \frac{g - 15}{2}, \text{ dus } \rightarrow g = 17,56$$

V.B.5.4 Blz. 147

$\underline{x} \sim N(\mu = ?; \sigma = 10)$

$P(\underline{x} < 1000) = 0,01$

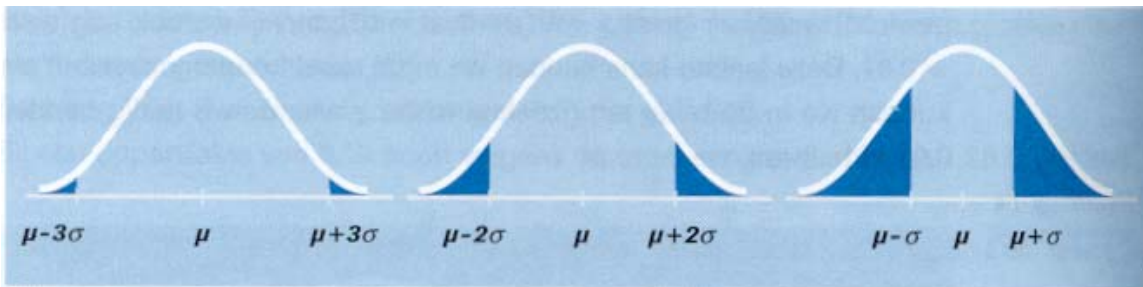
$P(\underline{z} < (1000 - \mu) / 10) = 0,01$

$P(\underline{z} < Z_g) = 0,01 \quad Z = -2,33 = (1000 - \mu) / 10$ hieruit volgt $\mu = 1023.3$ gram afstellen.

$$P(\mu - \sigma < \underline{x} < \mu + \sigma) = P(-1 < \underline{z} < 1) = 0.6826$$

$$P(\mu - 2\sigma < \underline{x} < \mu + 2\sigma) = P(-2 < \underline{z} < 2) = 0.9543$$

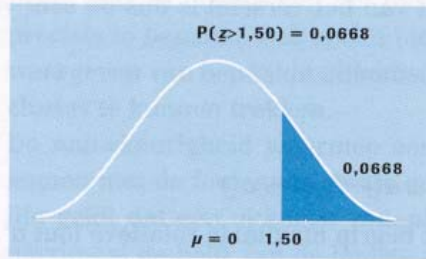
$$P(\mu - 3\sigma < \underline{x} < \mu + 3\sigma) = P(-3 < \underline{z} < 3) = 0.9974$$



Tabel A: de standaardnormale verdeling

Aangegeven is $P(z > z)$

Figuur A.1



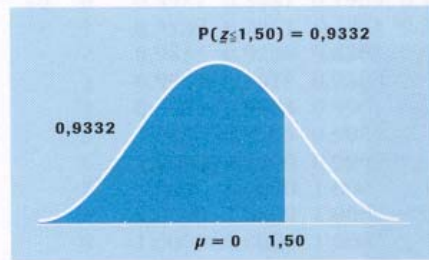
Tweede decimaal van z

z	.00	.01	.02	.03	.04	.05	.06	.07	.08	.09
0,0	.5000	.4960	.4920	.4880	.4840	.4801	.4761	.4721	.4681	.4641
0,1	.4602	.4562	.4522	.4483	.4443	.4404	.4364	.4325	.4286	.4247
0,2	.4207	.4168	.4129	.4090	.4052	.4013	.3974	.3936	.3897	.3859
0,3	.3821	.3783	.3745	.3707	.3669	.3632	.3594	.3557	.3520	.3483
0,4	.3446	.3409	.3372	.3336	.3300	.3264	.3228	.3192	.3156	.3121
0,5	.3085	.3050	.3015	.2981	.2946	.2912	.2877	.2843	.2810	.2776
0,6	.2743	.2709	.2676	.2643	.2611	.2578	.2546	.2514	.2483	.2451
0,7	.2420	.2389	.2358	.2327	.2296	.2266	.2236	.2206	.2177	.2148
0,8	.2119	.2090	.2061	.2033	.2005	.1977	.1949	.1922	.1894	.1867
0,9	.1841	.1814	.1788	.1762	.1736	.1711	.1685	.1660	.1635	.1611
1,0	.1587	.1562	.1539	.1515	.1492	.1469	.1446	.1423	.1401	.1379
1,1	.1357	.1335	.1314	.1292	.1271	.1251	.1230	.1210	.1190	.1170
1,2	.1151	.1131	.1112	.1093	.1075	.1056	.1038	.1020	.1003	.0985
1,3	.0968	.0951	.0934	.0918	.0901	.0885	.0869	.0853	.0838	.0823
1,4	.0808	.0793	.0778	.0764	.0749	.0735	.0721	.0708	.0694	.0681
1,5	.0668	.0655	.0643	.0630	.0618	.0606	.0594	.0582	.0571	.0559
1,6	.0548	.0537	.0526	.0516	.0505	.0495	.0485	.0475	.0465	.0455
1,7	.0446	.0436	.0427	.0418	.0409	.0401	.0392	.0384	.0375	.0367
1,8	.0359	.0351	.0344	.0336	.0329	.0322	.0314	.0307	.0301	.0294
1,9	.0287	.0281	.0274	.0268	.0262	.0256	.0250	.0244	.0239	.0233
2,0	.0228	.0222	.0217	.0212	.0207	.0202	.0197	.0192	.0188	.0183
2,1	.0179	.0174	.0170	.0166	.0162	.0158	.0154	.0150	.0146	.0143
2,2	.0139	.0136	.0132	.0129	.0125	.0122	.0119	.0116	.0113	.0110
2,3	.0107	.0104	.0102	.0099	.0096	.0094	.0091	.0089	.0087	.0084
2,4	.0082	.0080	.0078	.0075	.0073	.0071	.0069	.0068	.0066	.0064
2,5	.0062	.0060	.0059	.0057	.0055	.0054	.0052	.0051	.0049	.0048
2,6	.0047	.0045	.0044	.0043	.0041	.0040	.0039	.0038	.0037	.0036
2,7	.0035	.0034	.0033	.0032	.0031	.0030	.0029	.0028	.0027	.0026
2,8	.0026	.0025	.0024	.0023	.0023	.0022	.0021	.0021	.0020	.0019
2,9	.0019	.0018	.0018	.0017	.0016	.0016	.0015	.0015	.0014	.0014
3,0	.0013	.0013	.0013	.0012	.0012	.0011	.0011	.0011	.0010	.0010

Tabel B: de cumulatieve standaardnormale verdeling

Aangegeven is $F(z) = P(z \leq z)$

Figuur A.2



z	.00	.01	.02	.03	.04	.05	.06	.07	.08	.09
.0	.5000	.5040	.5080	.5120	.5160	.5199	.5239	.5279	.5319	.5359
.1	.5398	.5438	.5478	.5517	.5557	.5596	.5636	.5675	.5714	.5753
.2	.5793	.5832	.5871	.5910	.5948	.5987	.6026	.6064	.6103	.6141
.3	.6179	.6217	.6255	.6293	.6331	.6368	.6406	.6443	.6480	.6517
.4	.6554	.6591	.6628	.6664	.6700	.6736	.6772	.6808	.6844	.6879
.5	.6915	.6950	.6985	.7019	.7054	.7088	.7123	.7157	.7190	.7224
.6	.7257	.7291	.7324	.7357	.7389	.7422	.7454	.7486	.7517	.7549
.7	.7580	.7611	.7642	.7673	.7704	.7734	.7764	.7794	.7823	.7852
.8	.7881	.7910	.7939	.7967	.7995	.8023	.8051	.8078	.8106	.8133
.9	.8159	.8186	.8212	.8238	.8264	.8289	.8315	.8340	.8365	.8389
1.0	.8413	.8438	.8461	.8485	.8508	.8531	.8554	.8577	.8599	.8621
1.1	.8643	.8665	.8686	.8708	.8729	.8749	.8770	.8790	.8810	.8830
1.2	.8849	.8869	.8888	.8907	.8925	.8944	.8962	.8980	.8997	.9015
1.3	.9032	.9049	.9066	.9082	.9099	.9115	.9131	.9147	.9162	.9177
1.4	.9192	.9207	.9222	.9236	.9251	.9265	.9279	.9292	.9306	.9319
1.5	.9332	.9345	.9357	.9370	.9382	.9394	.9406	.9418	.9429	.9441
1.6	.9452	.9463	.9474	.9484	.9495	.9505	.9515	.9525	.9535	.9545
1.7	.9554	.9564	.9573	.9582	.9591	.9599	.9608	.9616	.9625	.9633
1.8	.9641	.9649	.9656	.9664	.9671	.9678	.9686	.9693	.9699	.9706
1.9	.9713	.9719	.9726	.9732	.9738	.9744	.9750	.9756	.9761	.9767
2.0	.9772	.9778	.9783	.9788	.9793	.9798	.9803	.9808	.9812	.9817
2.1	.9821	.9826	.9830	.9834	.9838	.9842	.9846	.9850	.9854	.9857
2.2	.9861	.9864	.9868	.9871	.9875	.9878	.9881	.9884	.9887	.9890
2.3	.9893	.9896	.9898	.9901	.9904	.9906	.9909	.9911	.9913	.9916
2.4	.9918	.9920	.9922	.9925	.9927	.9929	.9931	.9932	.9934	.9936
2.5	.9938	.9940	.9941	.9943	.9945	.9946	.9948	.9949	.9951	.9952
2.6	.9953	.9955	.9956	.9957	.9959	.9960	.9961	.9962	.9963	.9964
2.7	.9965	.9966	.9967	.9968	.9969	.9970	.9971	.9972	.9973	.9974
2.8	.9974	.9975	.9976	.9977	.9977	.9978	.9979	.9979	.9980	.9981
2.9	.9981	.9982	.9982	.9983	.9984	.9984	.9985	.9985	.9986	.9986
3.0	.9987	.9987	.9987	.9988	.9988	.9989	.9989	.9989	.9990	.9990

Hoofdstuk 6

Binomiale verdelingen

§6.1 Het berekenen van de kansen

basketbalspeler neemt vrijevorpen

$\pi = 0,6$ (kansen op scooren)

$n = 3$ steekproefomvang

$P(\underline{k} = 2)$

$3 \times (0,6 \times 0,6 \times 0,4) = 0,423$ (met een kansboom)

$\pi = 0,6$

$n = 10$

$$P(\underline{k} = 7) = \left(\frac{10}{7}\right) \times 0,6^7 \times 0,4^3 = 0,214 \quad \left(\frac{n}{k}\right) = \frac{n!}{k!(n-k)!} = \frac{10!}{7!(10-7)!}$$

Algemene Formule: $P(\underline{k} = k) = \boxed{\left(\frac{n}{k}\right) \pi^k (1-\pi)^{n-k}}$

Bestudeer VB 6.1 en 6.2

6.1.3 maak gebruik van tabel C op blz. 400 en 401

V.B. $\pi = 0,15$ $n = 20$

$P(\underline{k} \leq 3) = 0,6477$

$P(\underline{k} < 3) = P(\underline{k} \leq 2) = 0,4049$

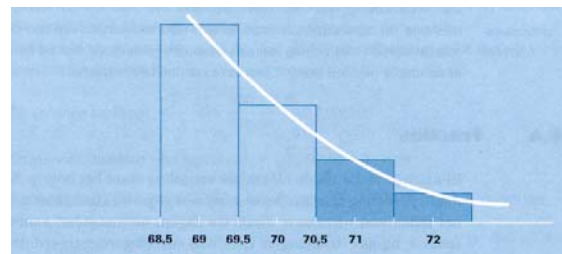
$P(\underline{k} \geq 3) = 1 - P(\underline{k} \leq 2) = 1 - 0,4049 = 0,5951$

$P(\underline{k} > 3) = 1 - P(\underline{k} \leq 3) = 1 - 0,6477 = 0,3523$

$P(\underline{k} = 3) = P(\underline{k} \leq 3) - P(\underline{k} \leq 2) = 0,6477 - 0,4049 = 0,2428$

§6.2 Verwachting en variantie

$$\boxed{\begin{aligned} \mu &= n \cdot \pi \\ \sigma &= \sqrt{n \cdot \pi (1 - \pi)} \end{aligned}}$$



§6.3 de normale verdeling

VB 6.4 blz 172

$\pi = 0,6$ $n = 100$

$$P(\underline{k} > 70) = P(\underline{k} \geq 71) = P(\underline{x} > 70,5) = P\left(\underline{z} > \frac{70,5 - \mu}{\sigma}\right)$$

$\mu = n \cdot \pi = (100 \times 0,6) = 60$

$\sigma = \sqrt{n \cdot \pi (1 - \pi)} = \sqrt{100 \times 0,6 \times 0,4} = \sqrt{24} \approx 4,9$

$$P\left(\underline{z} > \frac{70,5 - 60}{\sqrt{24}}\right) = P(\underline{z} > 2,14) \Rightarrow \text{viatabel A} = 0,0162$$

Hoofdstuk 7

Poissonverdeling

§7.1 Poissonverdeling

kenmerkend voor een poissonverdeling is het aantal mislukkingen heeft geen betekenis.
Bij een binominale verdeling is het aantal mislukkingen wel van betekenis

$$P(\underline{k} = k) = \frac{\mu^k}{k!} \cdot e^{-\mu}$$

\underline{k} = het aantal dat tot bestelling overgaat
 k = getal
 μ = gemiddelde

$$e = 2,71828182846$$
$$0! = 1$$

VB. 7.1 blz 187

$\mu = 3$ per kwartier. Hoe groot is de kans dat er 2 klanten binnenkomen.

$$P(k = 2) = \frac{3^2}{2!} \cdot e^{-3} = 0,2240$$

VB. 7.2 blz 188

$\mu = 1,5$ per uur. Hoe groot is de kans dat er geen enkele melding binnenkomen.

$$P(k = 0) = \frac{1,5^2}{0!} \cdot e^{-1,5} = 0,1339$$

De som van variabelen met een poissonverdeling levert opnieuw een variabele met een poissonverdeling op.

VB. 7.3 blz 189

$\mu = 3$ per kwartier. Hoe groot is de kans dat er in een half uur 4 klanten binnenkomen.

$\mu = 6$

$$P(k = 6 | \mu = 6) = (\text{zietabelD}) = 0,1339$$

$\mu = 3$ per kwartier.

$$P(\underline{k} > 3) = 1 - P(\underline{k} \leq 3) = (\text{tabelE}) = 1 - 0,6472 = 0,3528$$

§7.2 Poissonverdeling benadering mbv normaleverdeling

VB. 7.4 blz 190

$\mu = 3$ per kwartier. Hoe groot is de kans dat er in een 10 uur 140 klanten binnenkomen.

$\mu = 3 \times 40 = 120$

$$\mu = \mu$$
$$\sigma = \sqrt{\mu}$$

$$P(\underline{k} > 140) = P(\underline{x} > 140,5) = P\left(\underline{z} > \frac{140,5 - 120}{\sqrt{120}}\right) = P(\underline{z} > 1,87) \stackrel{\text{tabelA}}{=} 0,0307$$